

Aluno(a):

Nº

Ano/Série:3SM

Professor(a): Osley

Data:31/03/2020

Nota:

ATIVIDADE DE MATEMÁTICA

01.RADICAIS

Vamos tratar aqui de raízes de números reais, mais tarde trataremos das raízes num caso mais geral (números complexos). Por hora, seja a um número real e $n \geq 2$ um número natural definimos a raiz de índice n de a (quando existir, é claro!) como sendo o número real b tal que $b^n = a$, representaremos esta fato da seguinte forma: $\sqrt[n]{a}$. É claro que se $a < 0$, a definição só faz sentido se n for ímpar. Assim, por exemplo, o símbolo $\sqrt{-1}$, nos reais não faz sentido, visto que não existe um número real x tal que $x^2 = -1$.

No radical $\sqrt[n]{a}$, o número a é denominado radicando, enquanto o n é o índice do radical e, além disso, lemos $\sqrt[n]{a}$ como sendo raiz de índice n de a.

02.PROPRIEDADES DOS RADICAIS

Quando estão satisfeitas todas as condições de existência, verificam-se as seguintes propriedades para os radicais:

$$* \sqrt[n]{a^n} = a$$

$$* \sqrt[n]{a \cdot b} = \sqrt[n]{a} \cdot \sqrt[n]{b}$$

$$* \sqrt[n]{\frac{a}{b}} = \frac{\sqrt[n]{a}}{\sqrt[n]{b}}$$

$$* \sqrt[n]{a^m} = a^{\frac{m}{n}} = \sqrt[n \cdot p]{a^{m \cdot p}}$$

$$* \sqrt[n]{\sqrt[m]{a}} = \sqrt[n \cdot m]{a}$$

Um outro tópico que tradicionalmente abordado quando se estuda radicais é a **RACIONALIZAÇÃO DE DENOMINADORES**, que consiste na eliminação dos radicais dos denominadores das frações. Neste ponto vamos fazer alguns comentários importantes. Algumas pessoas (e até "livros") justificam a necessidade da racionalização de denominadores dizendo que os radicais não podem ficar nos denominadores. Isso não tem nada a ver!, afinal que preconceito é este com os radicais?!. Afinal eles são números como quaisquer outros (inclusive, em Matemática, num certo sentido, eles existem em maior quantidade do que os números racionais).

Na verdade a racionalização surgiu no passado (quando as calculadoras eletrônicas não eram tão disponíveis quanto hoje) como uma forma de facilitar alguns cálculos. Assim, Por exemplo, para fazer a "conta" $\frac{1}{\sqrt{2}}$ alguém teria que dividir 1 por 1,41 (que é o valor aproximado de $\sqrt{2}$, o que convenhamos não é muito bom de fazer (apesar de ser fácil, é chato!). Assim, em lugar de dividir 1 por 1,41 poderíamos fazer uma conta mais agradável (fácil) procedendo da seguinte forma $\frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{1}{\sqrt{2}} \cdot \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{2}}{2} = \frac{1,41}{2} = 0,705$. Apesar disso, as pessoas no últimos tempos têm criado problemas (sem interesse prático, mas às vezes até muito bonitos!) para racionalizar denominadores. Para efetuar as racionalizações mais comuns é bom que lembremos de alguns fatores que racionalizarão os denominadores, vejamos:

* \sqrt{a} é o fator racionalizante de \sqrt{a}

* $\sqrt[n]{a^{n-m}}$ é o fator racionalizante de $\sqrt[n]{a^m}$

* $\sqrt{a} - \sqrt{b}$ é o fator racionalizante de $\sqrt{a} + \sqrt{b}$

* $\sqrt{a} + \sqrt{b}$ é o fator racionalizante de $\sqrt{a} - \sqrt{b}$

* $\sqrt{a} - \sqrt{b}$ é o fator racionalizante de $\sqrt{a} + \sqrt{b}$

* $\sqrt{a} + \sqrt{b}$ é o fator racionalizante de $\sqrt{a} - \sqrt{b}$

Existem ainda dois casos mais raros, mas que mesmo assim vamos mencioná-los:

$\sqrt[3]{a} + \sqrt[3]{b}$ tem como fator racionalizante $\sqrt[3]{a^2} - \sqrt[3]{ab} + \sqrt[3]{b^2}$

$\sqrt[3]{a} - \sqrt[3]{b}$ tem como fator racionalizante $\sqrt[3]{a^2} + \sqrt[3]{ab} + \sqrt[3]{b^2}$

03. RADICAIS DUPLOS

Apesar de praticante não aparecem mais em questões dos vestibulares atuais, vamos lembrar a fórmula da transformação de um radical duplo em soma ou diferença de radicais simples, vejamos:

$$\sqrt{a \pm b} = \sqrt{\frac{a+c}{2}} \pm \sqrt{\frac{a-c}{2}} \quad \text{onde, } c = \sqrt{a^2 - b}$$

É importante lembrar que nem todos os radicais duplos se reduzem como soma ou diferença de radicais simples. Na verdade isto só ocorre de $a^2 - b$ for um quadrado perfeito.

ATIVIDADES DISCURSIVAS

01. Qual o valor de $\sqrt{(123456)^2 + 123456 + 123457}$?

02. Simplifique $\sqrt{20}$

03. Determine $\sqrt{\frac{4}{9}}$

04. Determine $x > 0$ de modo que $\sqrt{2 + \sqrt{3}} \cdot \sqrt{2 - \sqrt{3}} = \sqrt{x}$

05. Racionalize:

a) $\frac{2}{\sqrt{3}}$ b) $\frac{3}{\sqrt{5} + \sqrt{3}}$ c) $\frac{1}{\sqrt[7]{3^2}}$

06. Ordene $\sqrt[3]{4}$, $\sqrt[4]{6}$ e $\sqrt[12]{280}$.

Sugestão. Comece fazendo o mmc(3,4,12) e, em seguida, reduza os radicais ao mesmo índice.

07. Qual a raiz sétima de 7^{7^7} ?

08. Calcule x em $\sqrt{2 + \sqrt{x}} = 3$.

Sugestão: Eleve ao quadrado ambos os membros da equação.

09. Qual o valor de $\sqrt{2000^{2000}}$?

10. Determine o valor de $\sqrt{7 + 4\sqrt{3}}$.

11. Qual o valor da expressão $2001^2 - 1999 \cdot 2001 + 999 \cdot 2$?

12. Racionalize:

a) $\frac{1}{\sqrt{3}}$

b) $\frac{1}{\sqrt{2} + 1}$

c) $\frac{1}{\sqrt[3]{2}}$

ATIVIDADES OBJETIVAS

Questão 01)

O Índice de Desenvolvimento Humano (IDH) é uma medida usada para classificar os países pelo seu grau de desenvolvimento. Para seu cálculo, são levados em consideração a expectativa de vida ao nascer, tempo de escolaridade e renda per capita, entre outros. O menor valor deste índice é zero e o maior é um. Cinco países foram avaliados e obtiveram os seguintes índices de desenvolvimento humano: o primeiro país recebeu um valor X , o segundo \sqrt{X} , o terceiro $X^{\frac{1}{3}}$, o quarto X^2 e o último X^3 . Nenhum desses países zerou ou atingiu o índice máximo.

Qual desses países obteve o maior IDH?

- a) O primeiro.
- b) O segundo.
- c) O terceiro.
- d) O quarto.
- e) O quinto.

Questão 02)

Simplificando a expressão $\sqrt{300} - \sqrt{48}$, obtém-se:

- a) $\sqrt{252}$
- b) $\sqrt{27}$
- c) $6\sqrt{3}$
- d) $6\sqrt{7}$
- e) $4\sqrt{2}$

Questão 03)

A área A (em m^2) da superfície corporal de um indivíduo pode ser calculada em função da sua massa p (em kg) por meio da fórmula: $A = 0,11\sqrt[3]{p^2}$

O valor resultante é útil para determinar a quantidade de calor perdida através do suor. Assim, uma pessoa com massa igual a 64 kg possui a área em m^2 da superfície corporal aproximadamente igual a

- a) 1,76
- b) 1,56
- c) 1,86
- d) 1,66

Questão 04)

Se $\sqrt[3]{a} = 2$, então o valor da expressão $-\sqrt[3]{a^2} + \sqrt[3]{\frac{1}{a}}$ é:

- a) $-\frac{7}{2}$
- b) $-\frac{5}{2}$
- c) -1
- d) $\frac{1}{2}$
- e) $\frac{7}{2}$

Questão 05)

Qual é o valor da expressão $\sqrt{\frac{4}{(2-\sqrt{6})^2}} - \sqrt{\frac{4}{(2+\sqrt{6})^2}}$?

- a) 0
- b) 4
- c) $2\sqrt{6}$
- d) $4\sqrt{6}$
- e) $2+2\sqrt{6}$

Questão 06)

Simplificando a expressão matemática

$$\frac{\sqrt{5+\sqrt{13}} \times \sqrt{5-\sqrt{13}}}{\sqrt{\frac{5}{13}} \times \sqrt{\frac{13}{5}}}$$

obtem-se:

- a) 5
- b) $12-\sqrt{13}$
- c) $\sqrt{12}$
- d) 11
- e) $\sqrt{5}$

Questão 07)

A expressão $\frac{1}{\sqrt{3}+1}$ é igual a

- a) $\sqrt{3}-1$
- b) $\frac{\sqrt{3}}{4}$
- c) $\frac{\sqrt{3}}{2}$
- d) $\frac{1}{2}(\sqrt{3}+1)$
- e) $\frac{1}{2}(\sqrt{3}-1)$

Questão 08)

Considere a expressão numérica $A = 0,001/1000 + 8^{23} + \sqrt{25}$. É **CORRETO** afirmar que o valor de A é:



Imagem disponível em: pplware.sapo/o-pplware-apresenta-kids
Acesso: 10 ago. 2014

- a) 9
- b) 10
- c) 81,003
- d) 69
- e) 9,000001

Questão 09)

A expressão $(\sqrt{5}-1)^2 + \frac{20}{5-\sqrt{5}}$ é igual a

- a) $9+\sqrt{5}$
- b) $-11+\sqrt{5}$
- c) $11-\sqrt{5}$
- d) $9-\sqrt{5}$

Questão 10)

Eles sabem que racionalizar é assunto do nono ano e não cai com frequência em provas, mas resolvem por via das dúvidas treinarem um pouco. E uma das questões que eles resolveram e acertaram é:

A fração $\frac{1}{2-\sqrt{3}} - \sqrt{3}$ é igual a.

Qual é a alternativa que eles marcaram:

- a) 0
- b) 1
- c) 2
- d) 3
- e) $\sqrt{3}$